



امتحان نهاية الفصل الدراسي الأول ديسمبر 2008 م  
للسف العاشر



الأسئلة في سبع ورقات

الإجابة على الورقة نفسها

40 درجة

السؤال الأول: أولاً: لتكن  $A(3,2)$  ,  $B(9,-4)$  أوجد :

(2) إحداثيات نقطة منتصف  $\overline{AB}$

(1) المسافة بين النقطتين  $A$  ,  $B$

$$\left(\frac{x_1+x_2}{2}, \frac{y_1+y_2}{2}\right)$$
$$\left(\frac{3+9}{2}, \frac{2+(-4)}{2}\right)$$
$$(6, -1)$$

$$AB = \sqrt{(x_2-x_1)^2 + (y_2-y_1)^2}$$
$$= \sqrt{(9-3)^2 + (-4-2)^2}$$
$$= \sqrt{(6)^2 + (-6)^2} = \sqrt{72}$$

(3) أوجد إحداثيات نقطة تقسيم  $\overline{AB}$  من الداخل بنسبة 1:3 من جهة  $A$

$A(3,2)$   $B(9,-4)$   
1:3

$$\left(\frac{1(9)+3(3)}{1+3}, \frac{1(-4)+3(2)}{1+3}\right) = \left(\frac{18}{4}, \frac{2}{4}\right) = \left(\frac{9}{2}, \frac{1}{2}\right)$$

إحداثيات النقطة

ثانياً : إذا علمت أن المستقيم  $\vec{L}$  يمر بالنقطة  $(1, 2)$  ويوازي المستقيم  $\vec{N}$  الذي معادلته  $y = -2x + 5$

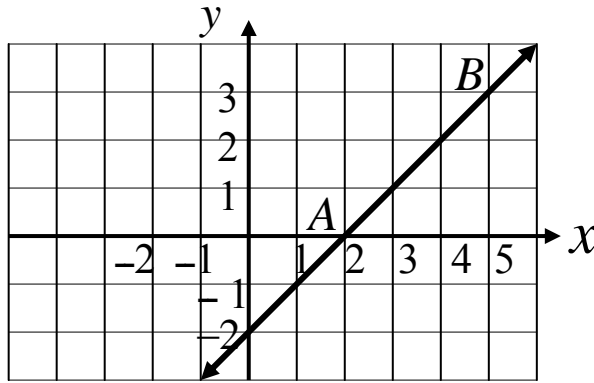
(1) أوجد ميل المستقيم  $\vec{N}$  .  $m = -2$

(2) أوجد معادلة المستقيم  $\vec{L}$

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$
$$y - 2 = -2(x - 1)$$
$$y = -2x + 2 + 2$$
$$y = -2x + 4$$

يتبع الصفحة الثانية

ثالثاً : من خلال الشكل المجاور اوجد ما يلي :



( 1 ) ميل المستقيم  $\overrightarrow{AB}$

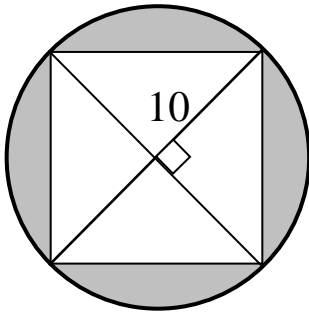
$$m = \frac{3}{3} = 1$$

( 2 ) معادلة المستقيم  $\overrightarrow{AB}$  بدلالة الجزأين المقطوعين من المحورين  $x$  ,  $y$

$$\frac{x}{2} + \frac{y}{-2} = 1$$

$$\frac{x}{2} - \frac{y}{2} = 1$$

رابعاً: حوض من الزهور على شكل مربع داخل قطعة أرض دائرية طول نصف قطرها  $10m$  وتقع رؤوس المربع على الدائرة كما هو موضح في الشكل المجاور . أوجد مساحة الجزء المتبقي خارج حوض الزهور .



مساحة الجزء المظلل =  $4$  ( مساحة القطعة الدائرية )

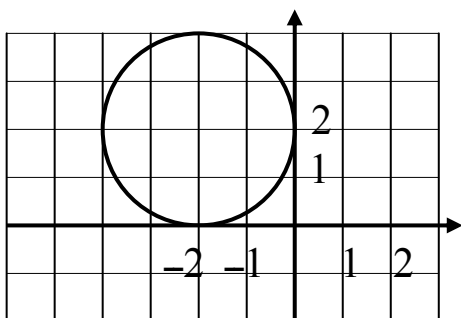
$$A = 4\left(\frac{1}{2}\right)(10)^2 \left[ \frac{\pi}{2} - \sin 90^\circ \right]$$

$$= 114.16m^2$$

45 درجة

السؤال الثاني :

أولاً : أنظر إلى الشكل المجاور حيث الدائرة تمس المحورين ثم أوجد ما يلي :



( 1 ) مركز الدائرة هو  $(-2, 2)$

( 2 ) طول نصف قطر الدائرة =  $2$

( 3 ) معادلة الدائرة المرسومة هي :

$$(x + 2)^2 + (y - 2)^2 = 4$$

ثالثا : ( 1 ) أوجد إحداثيات المركز وطول نصف قطر الدائرة:

$$x^2 + y^2 - 4x + 2y - 4 = 0$$

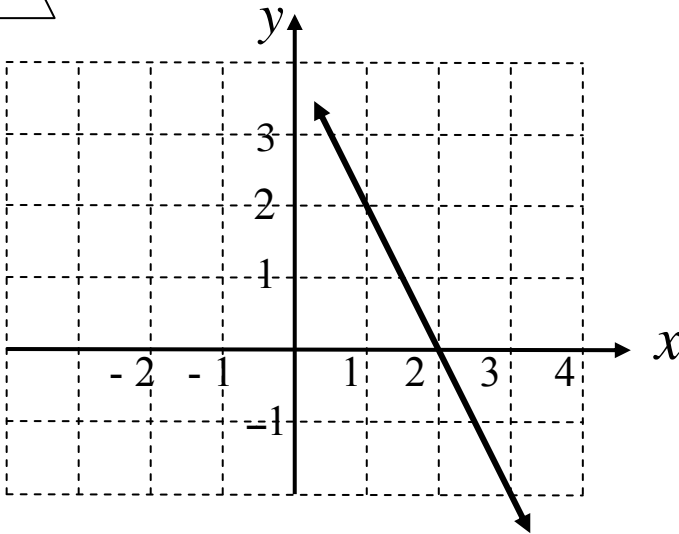
المركز (2, -1)

$$\begin{aligned} \text{طول نصف القطر } r &= \sqrt{l^2 + k^2 - b} \\ &= \sqrt{4 + 1 + 4} = \sqrt{9} = 3 \end{aligned}$$

( 2 ) أوجد طول العمود النازل من النقطة (-3, 2) على المستقيم  $4x - 3y - 6 = 0$

$$h = \frac{|4(-3) - 3(2) - 6|}{\sqrt{(4)^2 + (-3)^2}} = \frac{|-24|}{\sqrt{25}} = \frac{24}{5}$$

( 3 ) ارسم مستقيما يمر بالنقطة (1, 2) وميله يساوي - 2 .



السؤال الثالث :

40 درجة

أولاً : ( 1 ) أوجد بدون استخدام الآلة الحاسبة قيمة :

$$\cos 60^{\circ} + \sin 30^{\circ} \tan 45^{\circ} - (\tan 60^{\circ})^2 =$$

$$\frac{1}{2} + \left(\frac{1}{2} \times 1\right) - (\sqrt{3})^2 =$$

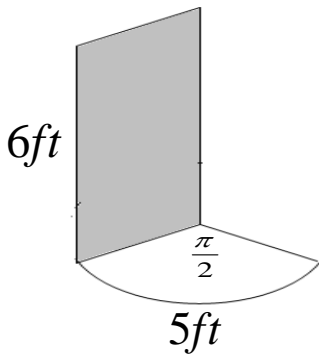
$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} - 3 = -2$$

( 2 ) قطاع دائري طول قوسه  $12\text{cm}$  وطول نصف قطر دائرته يساوي  $8\text{cm}$  أوجد مساحته .

$$r = 8 \quad l = 12 \quad A = \frac{1}{2}lr$$

$$A = \frac{1}{2} \times 12 \times 8 = 48\text{cm}^2$$

ثانياً : يراد طلاء السطح الخارجي لباب مغلق ارتفاعه  $6\text{ft}$  وعندما تم تحريك الباب إلى الداخل رسم طرفه الخارجي الأسفل قوساً على الأرض طوله  $5\text{ft}$  يقابل زاوية مركزية قائمة . أوجد مساحة السطح المطلوب طلاؤه .



$$l = Rr \Rightarrow 5 = \frac{\pi}{2}r \Rightarrow r = \frac{10}{\pi}f$$

مساحة سطح الباب = الطول x العرض

$$= 6 \times \frac{10}{\pi} = \frac{60}{\pi}ft^2$$

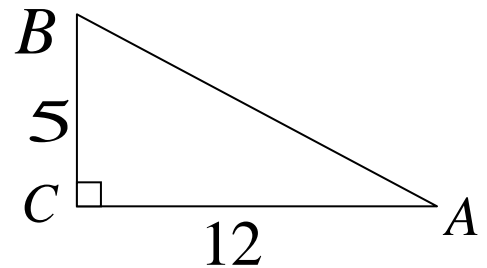
ثالثاً : في الشكل الموضح أوجد قيمة كلا مما يلي :

1)  $AB = \dots \boxed{13} \dots$

2)  $\sin A = \dots \frac{\boxed{5}}{\boxed{13}} \dots$

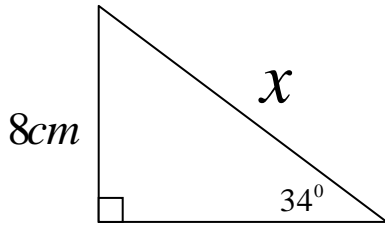
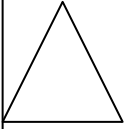
3)  $\tan B = \dots \frac{\boxed{12}}{\boxed{5}} \dots$

4)  $\sec A = \dots \frac{\boxed{13}}{\boxed{12}} \dots$



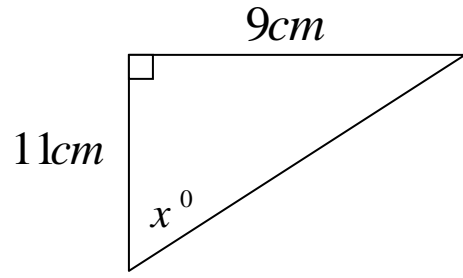
يتبع الصفحة الخامسة

رابعاً: أوجد قيمة  $x$  فيما يلي :



$$\sin 34^\circ = \frac{8}{x}$$

$$x = \frac{8}{\sin 34^\circ} \approx 14.3cm$$



$$\tan x^\circ = \frac{9}{11}$$

$$x^\circ = \tan^{-1}\left(\frac{9}{11}\right) \approx 39^\circ 17' 22''$$

### السؤال الخامس :

30 درجة

(أ) ضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة من بين الاختيارات الأربعة المعطاة:

1 - القياس الستيني للزاوية التي قياسها  $\frac{5\pi}{18}$  هو :

a)  $100^\circ$     b)  $54^\circ$     c)  $36^\circ$     d)  $50^\circ$

2 - المستقيمان  $3x + 4y + 5 = 0$  ،  $mx + 8y + 7 = 0$  متوازيان . فإن  $m$  تساوي

a) 6    b) 4    c) -6    d) 8

3 - قيمة  $\tan E \cot E - 1$  تساوي

a) 1    b) 0    c) 2    d) -1

4 - إذا كان ميل المستقيم  $\vec{L}$  يساوي 3 - فإن ميل المستقيم العمودي عليه يساوي :

a)  $-\frac{1}{3}$     b)  $\frac{1}{3}$     c) -1    d) 3

7 - معادلة المستقيم الذي يمر بالنقطة (7, 4) يوازي محور السينات هي :

a)  $x = 7$     b)  $x = 4$     c)  $y = 4$     d)  $y = 7$

(ب) أكمل ما يلي لتحصل على عبارة صحيحة :

1 - المعادلة  $(x - y)^2 = 25$  لا تمثل دائرة لأن المعادلة تحتوي الحد الجبري  $-2xy$

2 - قياس الزاوية التي يصنعها المستقيم  $y = 1$  مع الاتجاه الموجب للمحور السيني تساوي  $0^\circ$

3 - إذا كان المثلث  $ABC$  قائم الزاوية في  $C$  فإن  $\cos\left(\frac{\pi}{2} - B\right)$  يساوي  $\sin B$  أو  $\cos A$

